

**2<sup>a</sup>  
SÉRIE**

**CANAL SEDUC-PI2**



PROFESSOR (A):

**Abraão  
Florêncio**



DISCIPLINA:

**Matemática**



CONTEÚDO:

**Prismas**



TEMA GERADOR:

**Ciência na  
Escola**



DATA:

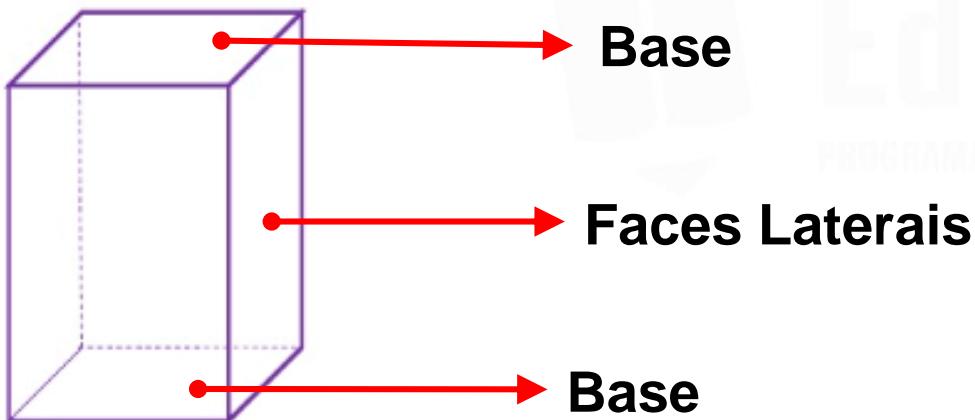
**05.09.2019**



# PRISMAS

## Definição

São poliedros convexos que têm duas faces paralelas e congruentes (**chamadas bases**) e as demais faces em forma de paralelogramos (**chamadas faces laterais**).

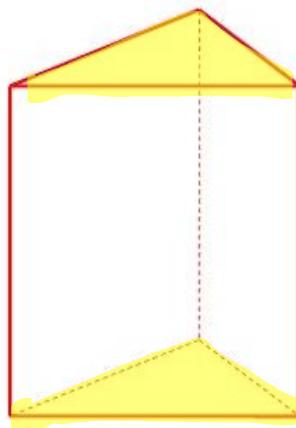
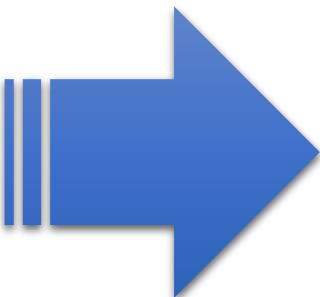




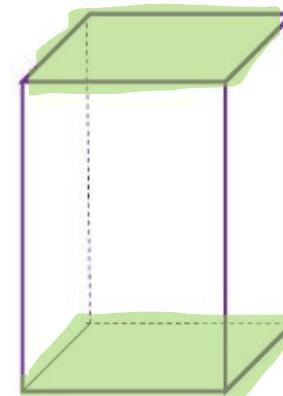
# PRISMAS

## Nomenclatura

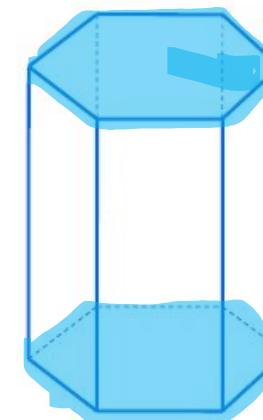
Os prismas são designados de acordo com o polígono da base.



*Prisma  
Triangular*



*Prisma  
Quadrangular*



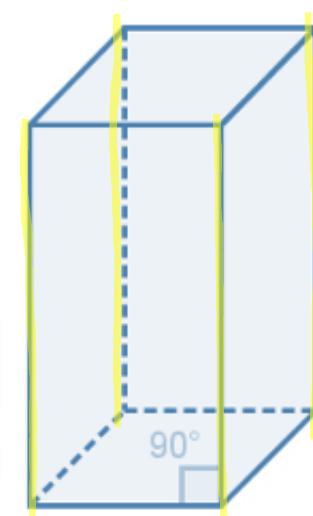
*Prisma  
Hexagonal*



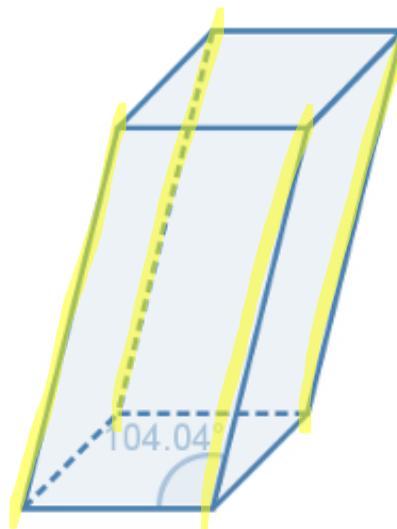
# PRISMAS

## Classificação

- Se as arestas laterais são perpendiculares aos planos das bases, o prisma é dito **reto**.
- Se as arestas laterais são oblíquas aos planos das bases, o prisma é dito **oblíquo**.
- Um prisma será regular quando ele for **reto** e sua base for um **polígono regular**.



Prisma  
**Reto**



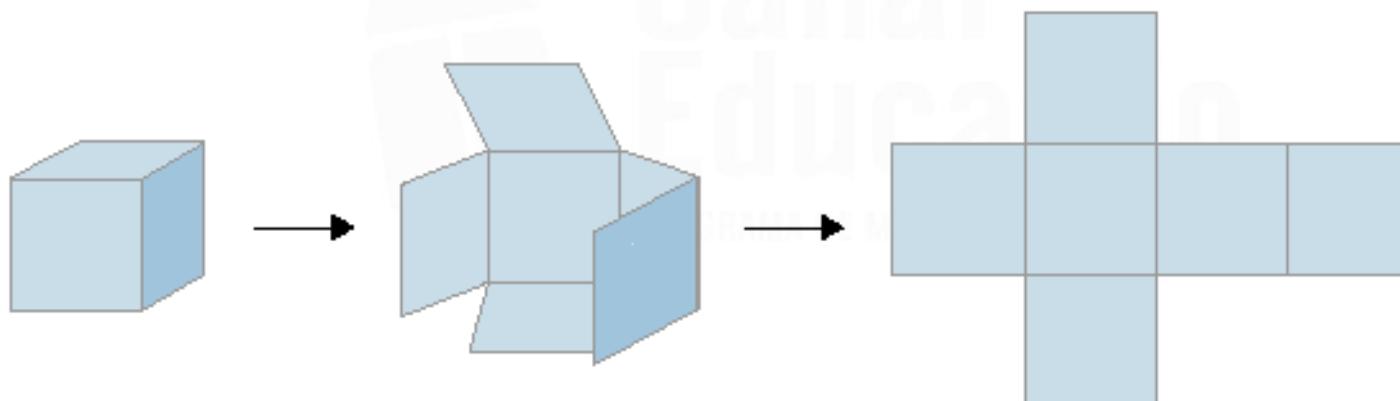
Prisma  
**Oblíquo**



## PRISMAS

### Planificação

A **planificação** de um prisma é a apresentação de todas as faces que constituem sua superfície em um plano.



**Planificação de um cubo**  
(cubo é um prisma regular de base quadrada)



## PRISMAS

## Área

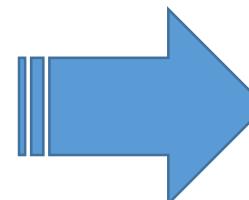
- **Área da Base ( $A_b$ )**: corresponde à área do polígono da base.
- **Área Lateral ( $A_l$ )**: é a soma das áreas das faces laterais.
- **Área Total ( $A_t$ )**: é a soma das áreas das bases com a área lateral, ou seja:  $A_t = 2A_b + A_l$

$$A_b = \frac{l^2\sqrt{3}}{4} \rightarrow \text{Triângulo Equilátero}$$

$$A_b = l^2 \rightarrow \text{Quadrado}$$

$$A_b = \frac{3l^2\sqrt{3}}{2} \rightarrow \text{Hexágono Regular}$$

$$A_l = n \cdot l \cdot h \rightarrow \text{área lateral}$$



*$l \rightarrow$  aresta da base*

*$n \rightarrow$  nº de faces laterais*

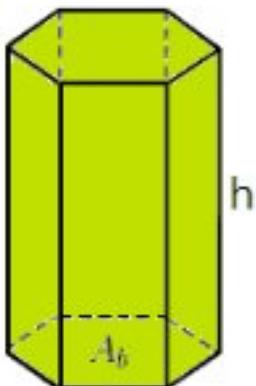
*$h \rightarrow$  altura do prisma*



## PRISMAS

### Volume (V)

- O **volume** do **prisma** é calculado pela multiplicação entre a área da base e a altura:  $V = A_b \cdot h$



$$V = A_b \cdot h$$



- O **volume** determina a capacidade que um prisma possui de armazenamento.
- Vale lembrar que, geralmente, ele é dado em  $\text{cm}^3$  (centímetros cúbicos) ou  $\text{m}^3$  (metros cúbicos) ou litros.
- $1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ litros.}$

# Exercícios de Fixação



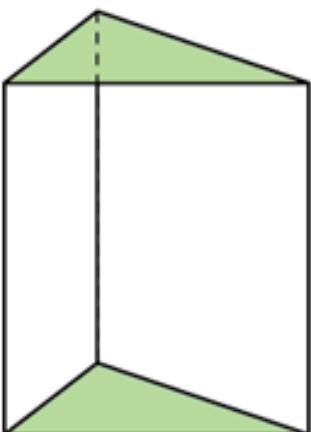


## Exercícios de Fixação



### Questão 01

Um prisma triangular regular tem 10 cm de altura. Sabendo que a aresta da base é de 6 cm, determine a área total e o volume deste prisma.



$$h = 10 \text{ cm}$$

$$l = 6 \text{ cm}$$

$$n = 3$$

$$A_{lb} = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_{lb} = \frac{6^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_{lb} = \frac{36\sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$Al = n \cdot l \cdot h$$

$$Al = 3 \cdot 6 \cdot 10$$

$$Al = 180 \text{ cm}^2$$

$$At = 2 \cdot 9\sqrt{3} + 180 \text{ cm}^2$$

$$At = 18\sqrt{3} + 180 \text{ cm}^2$$

$$V = A_{lb} \cdot h$$

$$V = 9\sqrt{3} \cdot 10$$

$$V = 90\sqrt{3} \text{ cm}^3$$



## Exercícios de Fixação



## Questão 02



Um prisma triangular regular tem 6 cm de altura. Sabendo que a aresta da base mede 3 cm, determine a área total e o volume deste prisma.

$$\begin{aligned}
 h &= 6\text{cm} \\
 l &= 3\text{cm} \\
 n &= 3
 \end{aligned}
 \quad
 \left\{
 \begin{aligned}
 A_b &= \frac{l^2\sqrt{3}}{4} \\
 A_b &= \frac{3^2\sqrt{3}}{4} \\
 A_b &= \frac{9\sqrt{3}}{4}\text{cm}^2
 \end{aligned}
 \right.
 \quad
 \left\{
 \begin{aligned}
 A_l &= n \cdot l \cdot h \\
 A_l &= 3 \cdot 3 \cdot 6 \\
 A_l &= 54\text{cm}^2
 \end{aligned}
 \right.
 \quad
 \left\{
 \begin{aligned}
 A_T &= 2A_b + A_l \\
 A_T &= 2 \cdot \frac{9\sqrt{3}}{4} + 54 \\
 A_T &= \frac{9\sqrt{3}}{2} + 54\text{cm}^2
 \end{aligned}
 \right.
 \quad
 \left\{
 \begin{aligned}
 V &= A_b \cdot h \\
 V &= \frac{9\sqrt{3}}{2} \cdot 6^3 \\
 V &= \frac{27\sqrt{3}}{2}\text{cm}^3
 \end{aligned}
 \right.$$