



**2ª
SÉRIE**

CANAL SEDUC-PI2



PROFESSOR (A):

**Abraão
Florêncio**



DISCIPLINA:

Matemática



CONTEÚDO:

Prismas



TEMA GERADOR:

**Ciência na
Escola**



DATA:

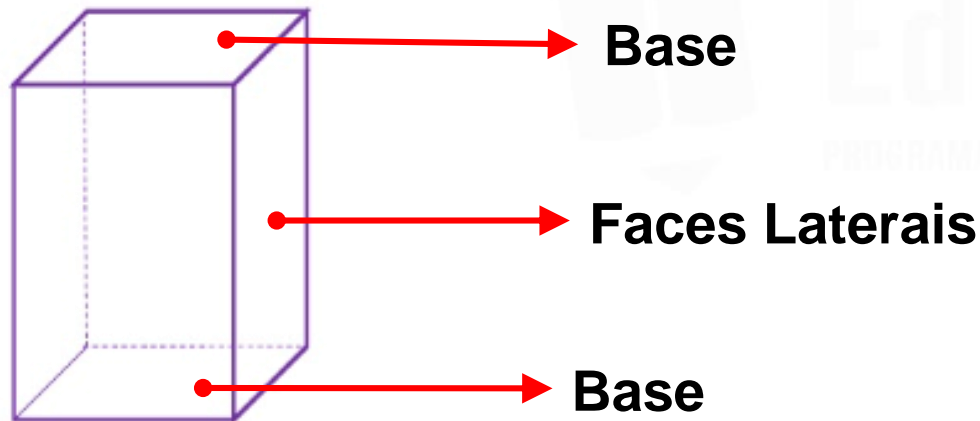
05.09.2019



PRISMAS

Definição

São poliedros convexos que têm duas faces paralelas e congruentes (**chamadas bases**) e as demais faces em forma de paralelogramos (**chamadas faces laterais**).

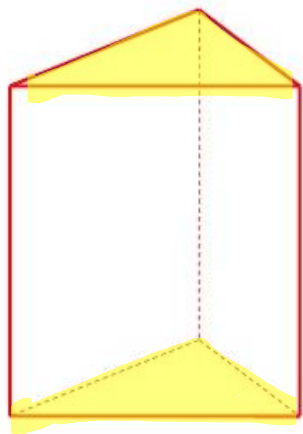
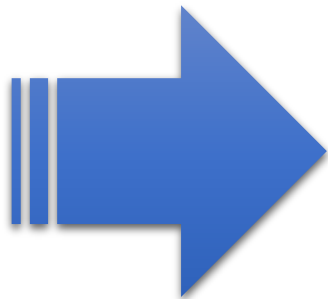




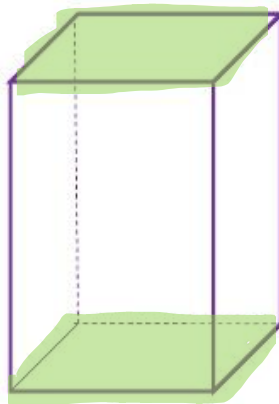
PRISMAS

Nomenclatura

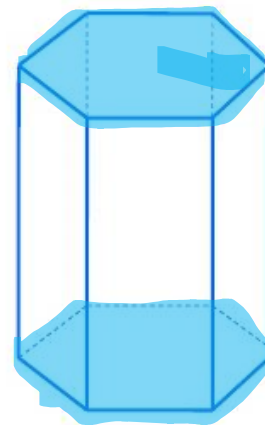
Os prismas são designados de acordo com o **polígono da base**.



*Prisma
Triangular*



*Prisma
Quadrangular*



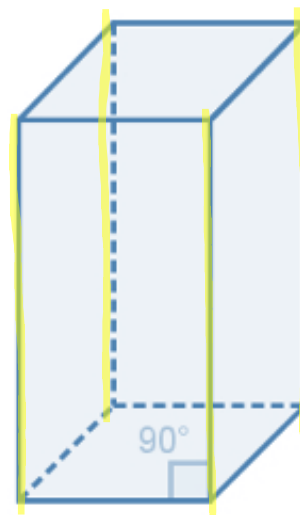
*Prisma
Hexagonal*



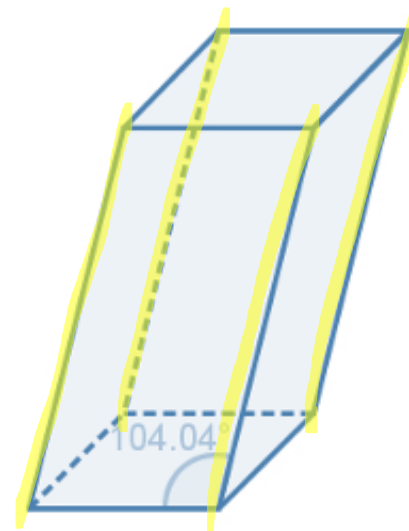
PRISMAS

Classificação

- Se as arestas laterais são perpendiculares aos planos das bases, o prisma é dito **reto**.
- Se as arestas laterais são oblíquas aos planos das bases, o prisma é dito **oblíquo**.
- Um prisma será regular quando ele for **reto** e sua base for um **polígono regular**.



Prisma
Reto



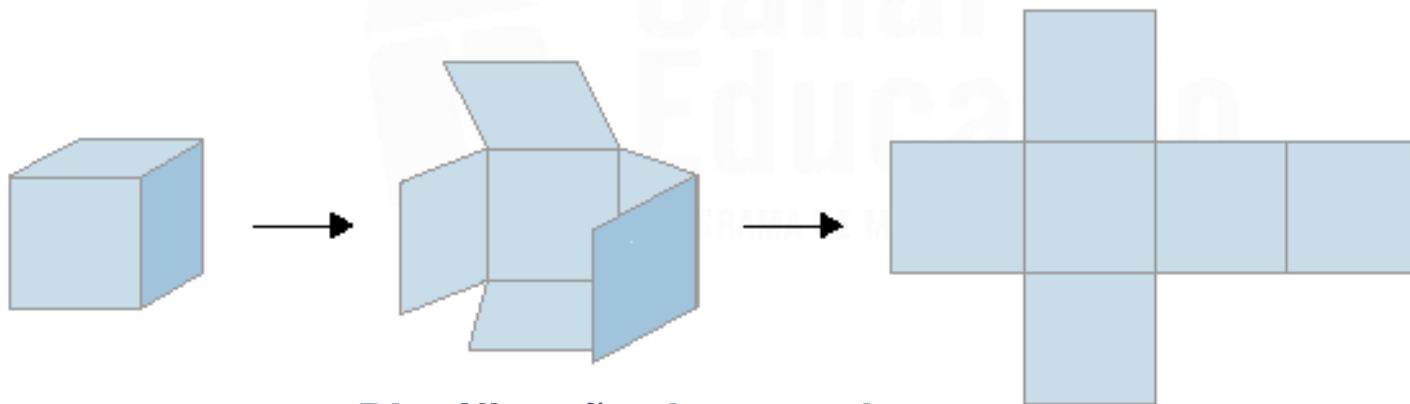
Prisma
Oblíquo



PRISMAS

Planificação

A **planificação** de um prisma é a apresentação de todas as faces que constituem sua superfície em um plano.



Planificação de um cubo
(cubo é um prisma regular de base quadrada)



PRISMAS

Área

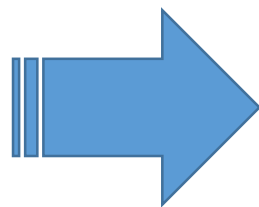
- **Área da Base (A_b):** corresponde à área do polígono da base.
- **Área Lateral (A_l):** é a soma das áreas das faces laterais.
- **Área Total (A_t):** é a soma das áreas das bases com a área lateral, ou seja: $A_t = 2A_b + A_l$

$$A_b = \frac{l^2\sqrt{3}}{4} \rightarrow \text{Triângulo Equilátero}$$

$$A_b = l^2 \rightarrow \text{Quadrado}$$

$$A_b = \frac{3l^2\sqrt{3}}{2} \rightarrow \text{Hexágono Regular}$$

$$A_l = n \cdot l \cdot h \rightarrow \text{área lateral}$$



$l \rightarrow$ aresta da base

$n \rightarrow$ nº de faces laterais

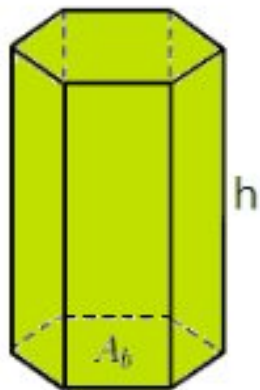
$h \rightarrow$ altura do prisma



PRISMAS

Volume (V)

- O **volume** do **prisma** é calculado pela multiplicação entre a área da base e a altura: $V = A_b \cdot h$



$$V = A_b \cdot h$$

- O **volume** determina a capacidade que um prisma possui de armazenamento.
- Vale lembrar que, geralmente, ele é dado em cm^3 (centímetros cúbicos) ou m^3 (metros cúbicos) ou litros.
- $1 \text{ m}^3 = 1000 \text{ litros}$.

Exercícios de Fixação





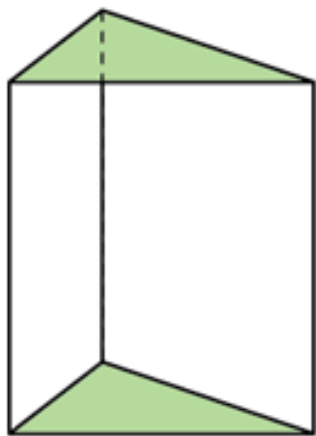
Exercícios de Fixação



Questão 01



Um prisma triangular regular tem 10 cm de altura. Sabendo que a aresta da base é de 6 cm, determine a área total e o volume deste prisma.



$$h = 10\text{ cm}$$

$$l = 6\text{ cm}$$

$$n = 3$$

$$A_b = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_b = \frac{6^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_b = \frac{36\sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3}\text{ cm}^2$$

$$A_l = n \cdot l \cdot h$$

$$A_l = 3 \cdot 6 \cdot 10$$

$$A_l = 180\text{ cm}^2$$

$$A_t = 2 \cdot 9\sqrt{3} + 180\text{ cm}^2$$

$$A_t = 18\sqrt{3} + 180\text{ cm}^2$$

$$V = A_b \cdot h$$

$$V = 9\sqrt{3} \cdot 10$$

$$V = 90\sqrt{3}\text{ cm}^3$$



Exercícios de Fixação



Questão 02

Um prisma triangular regular tem 6 cm de altura. Sabendo que a aresta da base mede 3 cm, determine a área total e o volume deste prisma.

$$\begin{aligned} h &= 6 \text{ cm} \\ l &= 3 \text{ cm} \\ n &= 3 \end{aligned}$$

$$A_b = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_b = \frac{3^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_b = \frac{9\sqrt{3}}{4} \text{ cm}^2$$

$$A_l = n \cdot l \cdot h$$

$$A_l = 3 \cdot 3 \cdot 6$$

$$A_l = 54 \text{ cm}^2$$

$$A_T = 2A_b + A_l$$

$$A_T = \cancel{2} \cdot \frac{9\sqrt{3}}{\cancel{4}2} + 54$$

$$A_T = \frac{9\sqrt{3}}{2} + 54 \text{ cm}^2$$

$$V = A_b \cdot h$$

$$V = \frac{9\sqrt{3}}{4} \cdot 6^3$$

$$V = \frac{27\sqrt{3}}{2} \text{ cm}^3$$