



EJA

CANAL SEDUC-PI5



PROFESSOR (A):

**RAPHAELL
MARQUES**



DISCIPLINA:

MATEMÁTICA



AULA Nº:

01



CONTEÚDO:

ARRANJO



DATA:

08/06/2020

NA AULA ANTERIOR

PERMUTAÇÃO CIRCULAR



ROTEIRO DE AULA

ARRANJO

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

ARRANJO

A análise combinatória estuda dois tipos de agrupamentos: Arranjos e combinações. Sendo que diferem em arranjos simples, combinações simples.

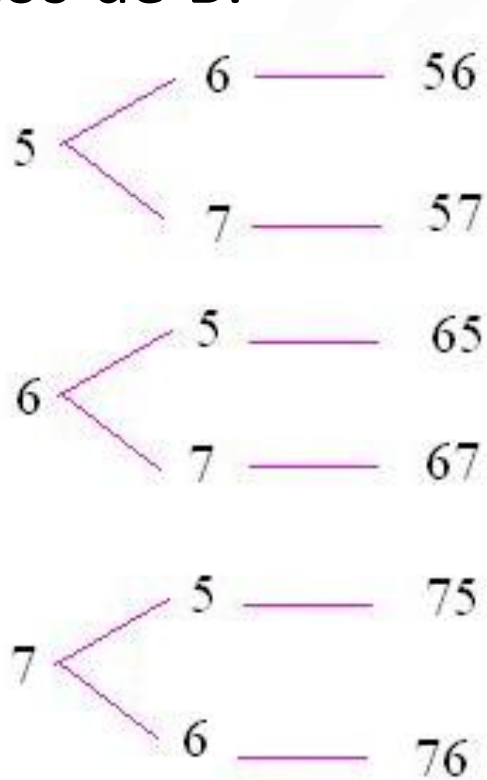
Arranjos são agrupamentos nos quais a ordem dos seus elementos faz a diferença. Por exemplo, os números de três algarismos formados pelos elementos $\{1, 2 \text{ e } 3\}$ são:

312, 321, 132, 123, 213, 231

Esse agrupamento é um arranjo, pois a ordem dos elementos 1, 2 e 3 diferem. E é considerado simples, pois os elementos não se repetem.

Exemplo

Dado o conjunto $B = \{5,6,7\}$, veja os possíveis agrupamentos formados com 2 elementos de B .



Então, os agrupamentos formados com 2 elementos do conjunto B são: 56, 57, 65, 67, 75, 76. Esse agrupamento é formado por arranjos simples pelos elementos do conjunto B .

Exemplo

Dado o conjunto $B = \{5,6,7\}$, veja os possíveis agrupamentos formados com 2 elementos de B .

Nesse exemplo percebemos que é possível formar 6 arranjos, essa quantidade pode ser representada da seguinte forma: $A_{3,2}$ (três elementos distintos formados de dois a dois). Utilizando o processo do princípio fundamental da contagem, calculamos a quantidade de elementos:

$$A_{3,2} = 3.2 = 6$$

ARRANJO

Se em um agrupamento compararmos os arranjos simples formados perceberemos que eles se diferem de duas maneiras diferentes: pela ordem de seus elementos ou pela natureza de seus elementos. Por exemplo:

Se compararmos os arranjos 56 e 65 do exemplo anterior, perceberemos que eles são diferentes pela ordem dos seus elementos.

Se compararmos os arranjos 75 e 76 do exemplo anterior, perceberemos que eles são diferentes pela natureza de seus elementos, pois são diferentes.

Considerando n a quantidade de elementos de um conjunto qualquer e p um número natural menor ou igual a n . p será a classe ou a ordem do arranjo. Indicado da seguinte forma: A_n, p .

FÓRMULA DO ARRANJO

A fórmula geral utilizada no cálculo da quantidade de arranjos simples é



$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n - p)!}$$



Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

b) $A_{10,4}$

c) $A_{20,1}$

d) $A_{12,2}$

Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$



Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$



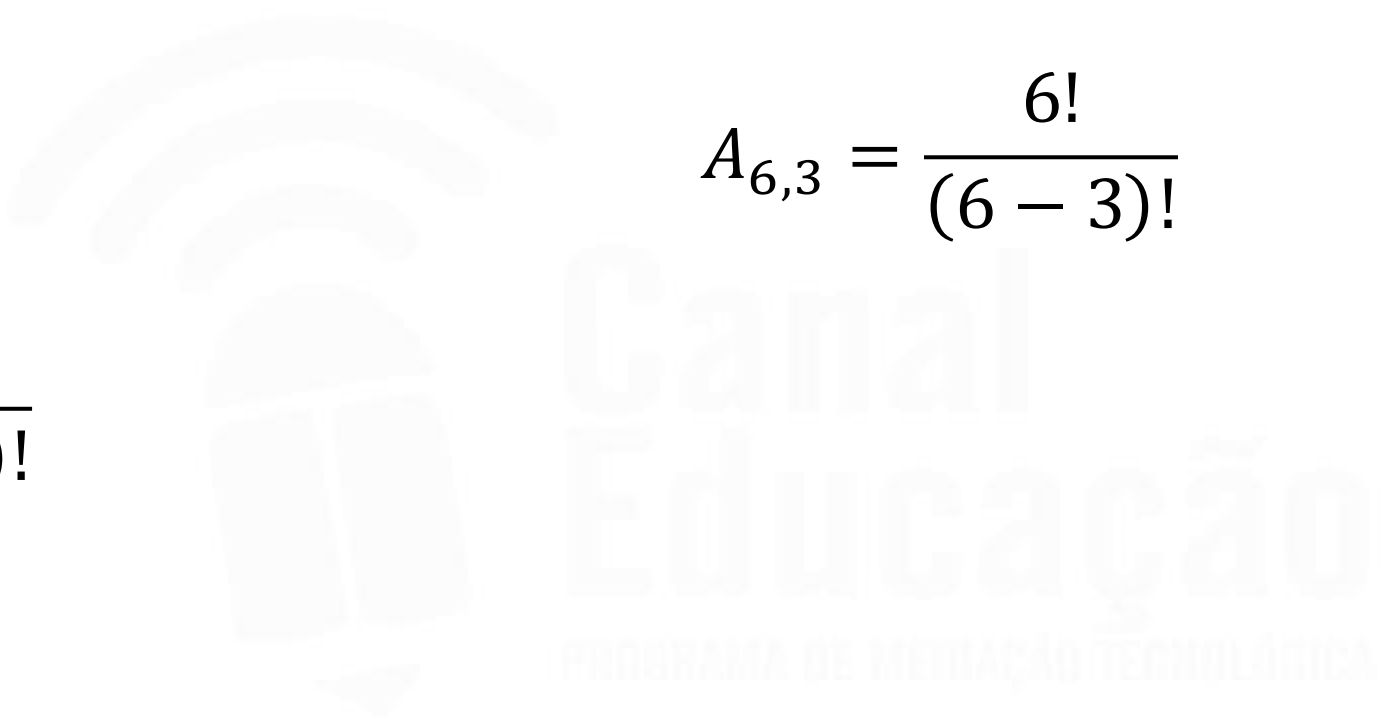
Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{(6 - 3)!}$$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n - p)!}$$



Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{(6-3)!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{3!}$$

Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{(6-3)!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{3!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6.5.4.3!}{3!}$$

$$A_{6,3} = 6.5.4$$

Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{(6-3)!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6!}{3!}$$

$$A_{6,3} = \frac{6.5.4.3!}{3!}$$

$$A_{6,3} = 6.5.4$$

$$A_{6,3} = 120$$

Exemplo

Calcule:

a) $A_{6,3} = 120$

b) $A_{10,4}$

c) $A_{20,1}$

d) $A_{12,2}$



Exemplo

Calcule:

b) $A_{10,4}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$



Exemplo

Calcule:

b) $A_{10,4}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{(10-4)!}$$

Exemplo

Calcule:

b) $A_{10,4}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{(10-4)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{6!}$$

Exemplo

Calcule:

b) $A_{10,4}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{(10-4)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{6!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6!}{6!}$$

Exemplo

Calcule:

b) $A_{10,4}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{(10-4)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{6!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6!}{6!}$$

$$A_{10,4} = 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7$$

Exemplo

Calcule:

b) $A_{10,4}$

$$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$$

$$A_{10,4} = \frac{10!}{(10-4)!}$$
$$A_{10,4} = \frac{10!}{6!}$$
$$A_{10,4} = \frac{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6!}{6!}$$
$$A_{10,4} = 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7$$
$$A_{10,4} = 5040$$